

Exercice (7,5 pts)

- Soit $(U_n)_{n \geq 0}$ une suite arithmétique de premier terme U_0 et de raison r .
Rappeler l'expression de U_{n+1} en fonction de U_n et r puis celle du terme général U_n en fonction de U_0 et r . (1 pt)
- Les nombres suivants sont-ils les termes d'une suite arithmétique ?
Dans l'affirmative, préciser sa raison.
 - $-\frac{1}{6}; \frac{1}{6}; \frac{1}{2}; \frac{5}{6}; \dots$ (1 pt)
 - $\frac{17}{12}; \frac{7}{6}; \frac{11}{12}; \frac{2}{3}; \frac{5}{12}; \frac{1}{6}; \dots$ (1 pt)
 - $-\frac{1}{3}; \frac{1}{3}; 1; \frac{4}{3}; 2; \dots$ (1 pt)
- On donne une suite arithmétique (U_n) telle que $U_5 = 23$ et $U_8 = 35$.
Calculer r et U_0 . (1,5 pts)
 - Calculer la somme des termes de la suite :
 $3; 7; 11; 15; \dots; 115; 119; 123$. (2 pts)

Problème (12,5 pts)

f et g sont deux polynômes définis par $f(x) = -\frac{x^2}{4} + 4x - 6$ et $g(x) = \frac{x^2}{4}$ (C) et (Γ) les représentations graphiques respectives de f et g dans le plan muni d'un repère (O ; I, J).

- Etudier le sens de variation de f et dresser son tableau de variation. (2 pts)
 - Tracer (C) dans le repère (O ; I, J). (1,5 pts)
 - Préciser l'axe de symétrie de la courbe (C). (0,5 pt)
 - Déterminer les coordonnées des points d'intersection de (C) avec les axes de coordonnées. (1,5 pts)
 - Déterminer l'équation de la tangente à la courbe (C) au point d'abscisse 2. (1 pt)
- Tracer, dans le même repère, la courbe (Γ). (1,5 pts)
 - Déterminer les coordonnées des points d'intersection de (C) et de (Γ). (1,5 pts)
- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation :

$$-\frac{x^2}{4} + 4x - 6 > \frac{x^2}{4}. \quad (1 \text{ pt})$$
- Soit la fonction h définie par : $h(x) = -\frac{x^2}{4} + 4|x| - 6$.
 - Etudier la parité de h et montrer que pour tout réel positif x , $h(x) = f(x)$. (1 pt)
 - Construire la représentation graphique de h dans le repère précédent. (1 pt)